

Observação: a maior parte das questões desta lista não são típicas de uma prova de Sistemas e Sinais I, mas podem fazer parte da solução de algum exercício ou problema de prova que poderá ser necessário resolver no futuro.

1) Calcule as partes real e imaginária do complexo $(1 + j)^{100}$.

2) Mostre que as relações

$$|z^p| = |z|^p$$

$$|zw| = |z| \cdot |w|$$

valem para quaisquer complexos z e w e qualquer inteiro p .

Use estes resultados para calcular módulo e fase do complexo

$$\left| \frac{1}{(3 + j \cdot 4) \cdot (6 + j \cdot 8)} \right|.$$

(Steiglitz, pág.21)

3) Calcule as seguintes integrais:

a) $\int_{-1}^{+1} (3t^2 + 1)\delta(t)dt$

b) $\int_1^2 (3t^2 + 1)\delta(t)dt$

c) $\int_{-\infty}^{+\infty} [t^2 + \cos(\pi)]\delta(t - 1)dt$

d) $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-t}\delta(2t - 2)dt$

e) $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-t}\delta'(t)dt$

(H. P. Hsu, Signals and systems, p.41, McGraw-Hill, 1995)

4) Mostre que, se $x(t + T) = x(t)$, então

$$\int_{\alpha}^{\beta} x(t)dt = \int_{\alpha+T}^{\beta+T} x(t)dt$$

$$\int_0^T x(t)dt = \int_a^{a+T} x(t)dt$$

para quaisquer α , β e a .

(H. P. Hsu, Signals and systems, p.31, McGraw-Hill, 1995)

5) Determine se cada um dos seguintes sinais é periódico ou não. Se o sinal for periódico, determine o seu período fundamental:

(a) $x(t) = \cos(t + \frac{\pi}{4})$;

(b) $x(t) = \sin(\frac{2\pi}{3}t)$;

(c) $x(t) = \cos(\frac{\pi}{3}t) + \sin(\frac{\pi}{4}t)$;

(d) $x(t) = \cos t + \sin(\sqrt{2}t)$

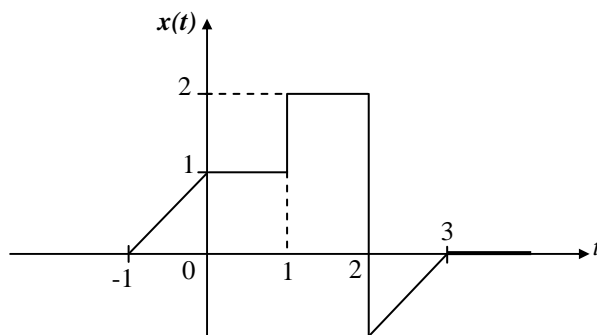
(e) $x(t) = \sin^2 t$;

(f) $x(t) = e^{j(t\pi/2-1)}$

(H. P. Hsu, Signals and systems, p.30, McGraw-Hill, 1995)

- 6) O sinal analógico $s(t) = 10\cos(100t + 30^\circ) - 5\sin(220t - 50^\circ)$ necessita ser processado digitalmente e foi amostrado com uma frequência de 1 kHz . Pedese:
- O sinal analógico é periódico? Em caso afirmativo, qual é a sua frequência fundamental?
 - Qual é a expressão analítica do sinal amostrado $s(k)$?
 - Fornecer a energia e/ou potência do sinal $s(t)$.
 - Expresse $s(t)$ em termos de exponenciais complexas
- (parte – 1ª Prova, 2000)*

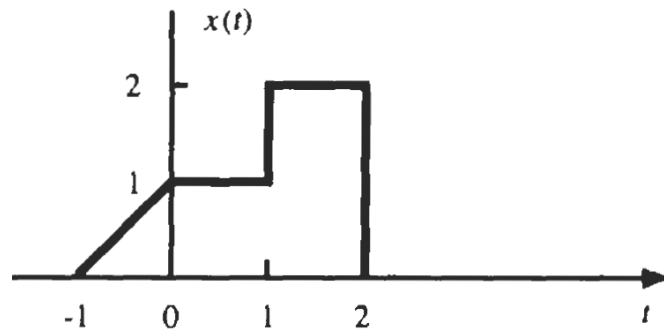
- 7) Dado o sinal de tempo contínuo da figura abaixo, faça os gráficos dos sinais:



- a) $x(1-t)$; b) $x(2t + 2)$;

(Oppenheim e Wilsky, 1ª ed., pág.48)

- 8) Um sinal de tempo contínuo $x(t)$ é mostrado na figura abaixo.



Esboce, com detalhes, cada um dos seguintes sinais:

- $x(t) \cdot \mathbf{1}(1-t)$
- $x(t) \cdot [\mathbf{1}(t) - \mathbf{1}(t-1)]$
- $x(t) \cdot \delta\left(t - \frac{3}{2}\right)$

(H. P. Hsu, Signals and systems, p.35, McGraw-Hill, 1995)

- 9) Determine se os seguintes sinais são sinais de energia, sinais de potência ou nenhum dos dois
- (a) $x(t) = e^{-at} \mathbf{1}(t)$ $a > 0$ e $\mathbf{1}(t)$ é a função degrau unitário

(b) $x(t) = A \cos(\omega_0 t + \theta)$

(c) $x(t) = t \mathbf{1}(t)$

$\mathbf{1}(t)$ é a função degrau unitário

(H. P. Hsu, *Signals and systems*, p.33, McGraw-Hill, 1995)

10) Mostre que $\mathbf{1}(-t) = \begin{cases} 0 & t > 0 \\ 1 & t < 0 \end{cases}$

(H. P. Hsu, *Signals and systems*, p.34, McGraw-Hill, 1995)

OS EXERCÍCIOS SEGUINTE (11, 12 E 13) SÃO DE CUNHO MATEMÁTICO E ESTÃO PROPOSTOS APENAS PARA AQUELES ALUNOS QUE QUISEREM SE APROFUNDAR NOS FUNDAMENTOS MATEMÁTICOS.

11) Mostre que, se $x(t)$ for periódico com período fundamental T_o , então a potência média normalizada P de $x(t)$, ou seja,

$$P = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} |x(t)|^2 dt,$$

é a mesma que a potência média de $x(t)$ em um intervalo de comprimento T_o , isto é,

$$P = \frac{1}{T_o} \int_0^{T_o} |x(t)|^2 dt$$

(H. P. Hsu, *Signals and systems*, p. 32, McGraw-Hill, 1995)

12) Sejam $\delta(t)$ a função impulso unitário e $\mathbf{1}(t)$ a função degrau unitário. Mostre

que $\delta(t) = \frac{d\mathbf{1}(t)}{dt}$.

(H. P. Hsu, *Signals and systems*, p.40, McGraw-Hill, 1995)

13) Mostre que as seguintes propriedades valem para a derivada de $\delta(t)$:

a) $\int_{-\infty}^{+\infty} \phi(t) \cdot \delta'(t) dt = -\phi'(0)$ onde $\phi'(0) = \left. \frac{d\phi(t)}{dt} \right|_{t=0}$

b) $t \cdot \delta'(t) = -\delta(t)$

(H. P. Hsu, *Signals and systems*, p.40, McGraw-Hill, 1995)