# Propriedades dielétricas dos materiais

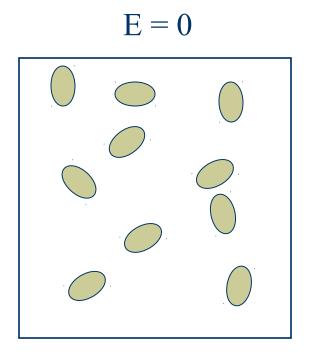


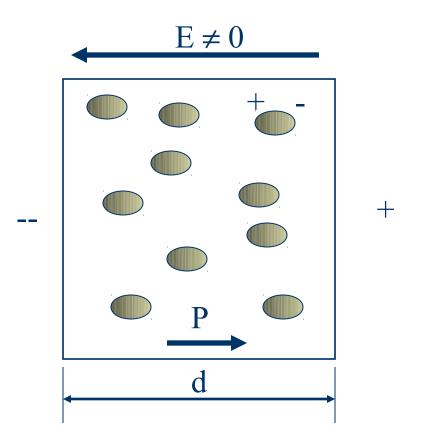
Autor: Cláudio Geraldo Schön 2011

### Condutores e isolantes

- ◆ Em PMT2100 → Estrutura de bandas
  - Banda de condução semi-preenchida → condutor
  - Banda de condução vazia e de valência cheia → isolante (ou semicondutor)
- Definição Alternativa de condutor e isolante: reação a um campo elétrico externo
  - Condutores ⇒ as cargas se redistribuem no material de forma a cancelar perfeitamente o campo elétrico no seu interior (blindagem eletrostática)
  - Isolantes ⇒ redistribuição das cargas ocorre localmente (em escala nanométrica) e não provoca o cancelamento do campo no interior do material → polarização elétrica.

## Polarização elétrica





## Momento dipolar e polarização

• Sob a ação de um campo elétrico externo, os momentos dipolares (permanentes ou induzidos) do material tendem a se alinhar contra o sentido do campo, de forma a reduzir sua intensidade no interior do material. Define-se a Polarização como:

$$\vec{P} = \frac{1}{V} \sum_{i} \vec{p}_{i}$$

onde a soma é feita sobre todos os dipolos contidos no volume *V* 

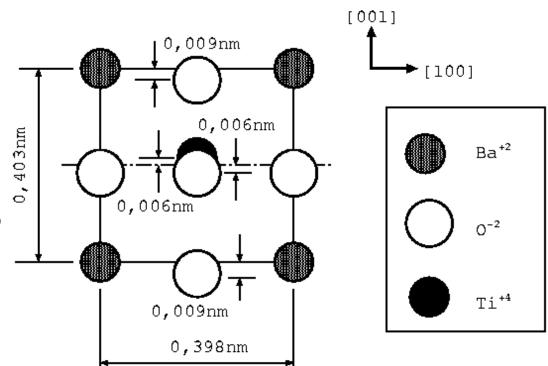
### Momento de dipolo

- |p|=qd
- Momento de dipolo p é sempre entre cargas iguais. No dipolo entra o valor da carga q e a distância entre as cargas, d.

### Exercício 1

Calcule a magnitude máxima da polarização espontânea do titanato de bário, assumindo-se que a célula unitária no estado ferroelétrico é correspondente à desenhada na figura (Dado: carga elementar do elétron,

$$q_e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$
).



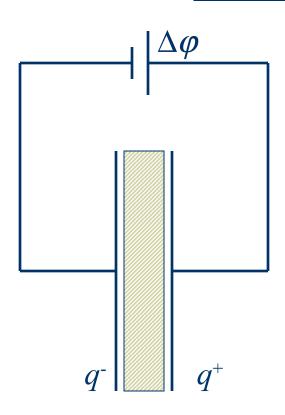
#### Suscetibilidade elétrica

A relação entre a polarização e o campo elétrico externo é dada por:

$$\vec{P} = \chi_E \varepsilon_0 \vec{E}$$

onde  $\chi_E$  é a suscetibilidade dielétrica e  $\varepsilon_0$  é definida como a **permissividade do vácuo** e vale  $8,85\times10^{-12}$  C.V<sup>-1</sup>.m<sup>-1</sup>.

# Capacitores



$$q = C\Delta \varphi$$

C é a capacitância, medida em C.V<sup>-1</sup> = Farad (F)
Veremos a capacitância C depende da geometria e do material.

A polarização de um dielétrico pode ser interpretada como sendo resultado do campo elétrico gerado por uma distribuição não homogênea de cargas na superfície do material (denominadas, cargas ligadas). Definimos  $\rho_q$  como a densidade de carga aparente que gera o campo P, podemos então demonstrar que:

$$\rho_{q}' = -\vec{\nabla} \cdot \vec{P}$$

$$\rho_{q}' = -\left(\frac{\partial P_{x}}{\partial x} + \frac{\partial P_{y}}{\partial y} + \frac{\partial P_{z}}{\partial z}\right)$$
 Divergente de P

Escrevemos agora o campo elétrico no interior do dielétrico, aplicando a lei de Gauss:

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{1}{\varepsilon_0} \left( \rho_q + \rho_q' \right) \Rightarrow \vec{\nabla} \cdot \left( \varepsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \right) = \rho_q$$

A quantidade entre parênteses na última igualdade é denominada **campo de deslocamento dielétrico** (ou de **indução dielétrica**) e é referido pela letra *D*.

Em sólidos isotrópicos:

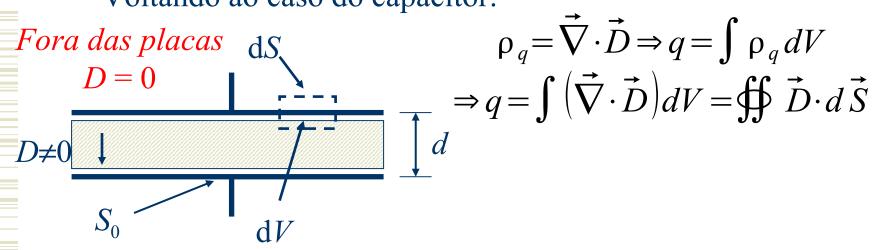
$$\vec{D} = \varepsilon_r \varepsilon_0 \vec{E}$$

donde:

$$\varepsilon_r = 1 + \chi_E$$

é a **permissividade relativa** do dielétrico.  $\varepsilon = \varepsilon_{o} \varepsilon_{r}$  é a permissividade do material. Há quem chame  $\varepsilon_{r}$  de k

Voltando ao caso do capacitor:



$$\vec{E} = \vec{\nabla} \varphi = \frac{\Delta \varphi}{d} \Rightarrow q = \frac{\varepsilon_0 (1 + \chi_E) S_0}{d} \Delta \varphi$$

Assim:

$$C = \frac{\varepsilon_r \varepsilon_0 S_0}{d}$$

Em resumo, a capacitância de um capacitor é diretamente proporcional à constante dielétrica do isolante e da área das placas de condutor e inversamente proporcional à distância de separação das placas (= espessura do dielétrico)

# Capacitância e ciência dos materiais

Como

$$C = \frac{\varepsilon_r \varepsilon_0 S_0}{d}$$

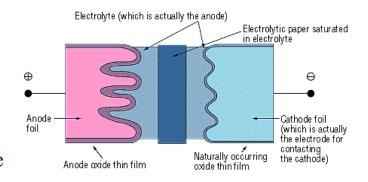
O valor de  $\varepsilon_r$  é uma característica da estrutura de cada material. O engenheiro de materiais controla a capacitância por meio do controle do  $\varepsilon_r$ , da geometria ( $S_o$  e d) do material.

# Valores típicos de $\varepsilon_r$

Material	a 60 Hz	a 10 <sup>6</sup> Hz
Vidro sódico	7	7
Alumina	6-9	5
TiO <sub>2</sub>	_	20 - 50
Ba(TiO <sub>3</sub> )	_	12 - 5000↑
Nylon 6/6 (PA)	4	3,5
PE	2,3	2,3
PVC (Tg $\approx 0^{\circ}$ C)	7	3,4

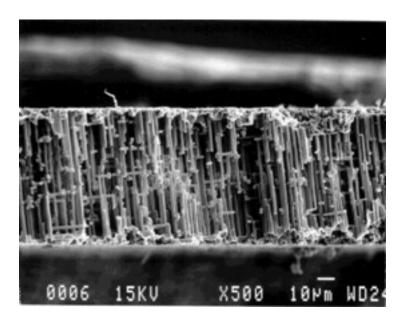
### Exercício 2

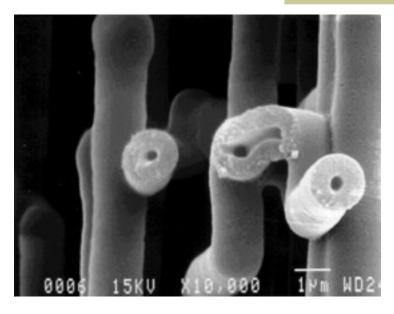
. Capacitores do tipo eletrolítico de alumínio permitem altíssimas capacitâncias (variando entre 1mF e 1000mF). A configuração esquemática de um capacitor eletrolítico de alumínio está apresentada na Figura 2. Estes capacitores são produzidos pela ação de um eletrólito inicialmente embebido em papel sobre uma placa condutora de alumínio no ânodo, que forma uma fina película de alumina (Al2O3,  $\varepsilon_r = 7-9$ ) sobre ele. A placa que funcionará como ânodo é previamente submetida ao ataque por um reagente químico de forma a produzir uma superfície rugosa (Figuras a e b e próxima página). A película de alumina funciona como o dielétrico do capacitor e separa o eletrodo de alumínio no ânodo e o eletrólito que funciona como cátodo. A capacitância do capacitor é controlada variando-se a espessura do filme e a rugosidade da superfície.



Como explicar que capacitores de alumínio tenham capacitância maior que de os titanato de bário?

# Capacitores eletrolíticos de alumínio

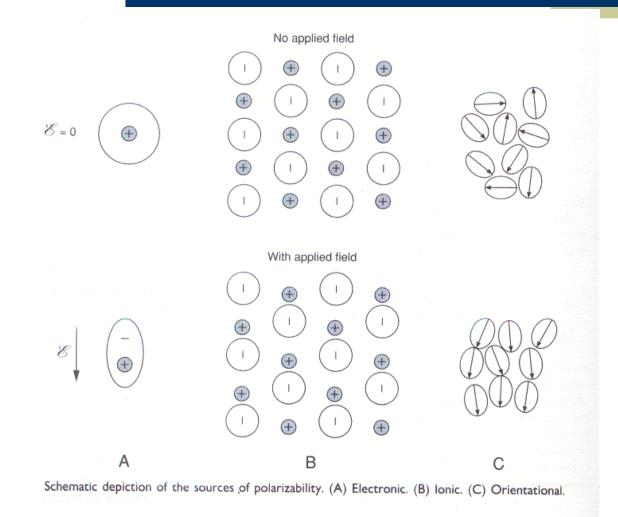




Imagens por microscópio eletrônico de varredura (MEV) de uma placa condutora que havia sido inicialmente atacada para produzir os túneis sobre os quais se cresceu a camada de alumina. A imagem foi obtida após a remoção total do alumínio, o que permitiu evidenciar a morfologia dos túneis e da cama da de óxido. Note as dimensões do túnel e a espessura da camada de óxido reduzidas.

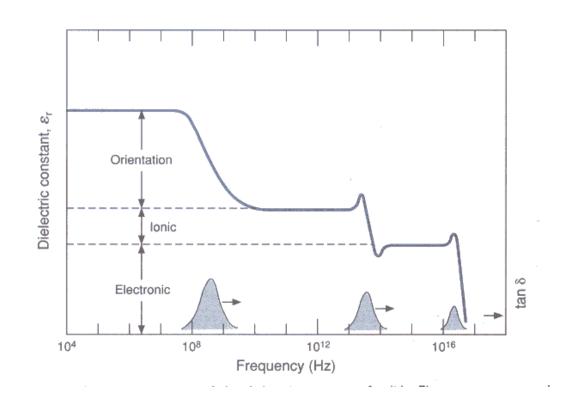
Fonte: http://electrochem.cwru.edu/ed/encycl/art-c04-electr-cap.htm (acesso em 13/04/2006)

# Mecanismos de polarização: o que controla $\varepsilon_r$



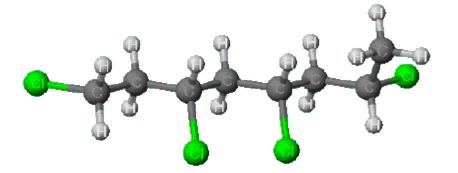
# Dependência de $\varepsilon_r$ com a frequência

A constante dielétrica depende da facilidade com que os dipolos se orientam quando o campo é aplicado ⇒ escala de tempo dos processos  $\Rightarrow$ dependência com a frequência (v).



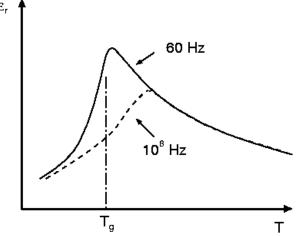
## Dielétricos poliméricos

 Em polímeros a permissividade relativa dependerá da presença de dipolos permanentes na cadeia (PVC vs. PE)



### Mobilidade da cadeia

• Em polímeros a permissividade relativa dependerá da mobilidade da cadeia (T<sub>g</sub>)



Representação esquemática da variação da permissividade de um polímero com a temperatura na região de Tg

Acima de Tg: material está no estado borrachoso, estrutura tem alta mobilidade, dipolos alinham-se com o campo elétrico Abaixo de Tg: material está no estado vítreo, ou seja, radicais não tem mobilidade

### Ruptura do dielétrico

- Quando altas tensões são aplicadas sobre um dielétrico, elétrons da banda de valência podem subitamente ser promovidos à banda de condução (em fluidos, como o ar, o mecanismo envolve a ionização das moléculas) resultando em elevada corrente elétrica, este processo é denominado de ruptura do dielétrico.
- A tensão de ruptura varia diretamente com a espessura do dielétrico.
- alguns exemplos de resistência dielétrica:
  - Vácuo: 800 kV/m
  - Ar: 800 3000 kV/m
  - Borracha: 18000 28000 kV/m
  - PTFE: 60000 kV/m
  - Mica: 200000 kV/m

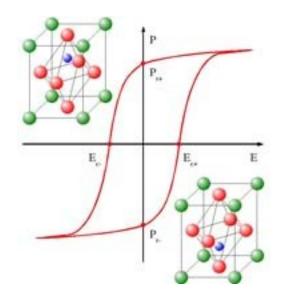
Fonte: Adaptado de http://www.allaboutcircuits.com/vol\_1/chpt\_12/8.html (acesso em 13/04/2006)

### Exercício 3

Capacitores eletrolíticos de tântalo são produzidos de forma semelhante aos capacitores eletrolíticos de alumínio, porém apresentam propriedades superiores porque o filme isolante de óxido de tântalo (Ta<sub>2</sub>O<sub>5</sub>) possui apenas algumas centenas de nanômetros de espessura. Esta espessura reduzida, entretanto, reduz a tensão máxima que pode ser aplicada ao dispositivo, devido à ruptura do dielétrico. Para ilustrar isto, calcule a máxima diferença de potencial que pode ser aplicada a uma camada de óxido de tântalo de 200 nm de espessura sem que ocorra a ruptura do dielétrico, considerando a rigidez dielétrica deste material como 10<sup>8</sup> V/m.

#### Materiais ferroelétricos

Alguns materiais cristalinos apresentam dipolos permanentes que se orientam espontaneamente em **domínios** com polarização não nula. Por analogia aos materiais ferromagnéticos estes cristais são chamados de **materiais ferroelétricos**.



A figura ao lado representa o ciclo de histerese do Titanato de Bário, onde os átomos de bário, titânio e oxigênio são representados por esferas azuis, verdes e vermelhas, respectivamente. Note que o comportamento é muito similar ao observado em materiais ferromagnéticos (a "física" é a mesma!) Fonte: http://www.institut2b.physik.rwth-aachen.de/content.html (acesso em 17/04/2006)

### Materiais ferroelétricos

- Materiais ferroelétricos apresentam constantes dielétricas muito altas (da ordem de 1000) e não lineares
- A temperatura de transição para a fase paraelétrica é denominada **temperatura Curie** (assim como no caso dos ferromagnéticos), designada por T<sub>C</sub>
- Paredes de domínio em materiais ferroelétricos equivalem a interfaces coerentes de maclas ⇒ mudança de forma (deformação) do cristal quando da reorientação do domínio
- As propriedades ópticas dos materiais ferroelétricos também são marcadamente não lineares

# Exemplos de materiais ferroelétricos

- Sal de Rochelle (NaKC<sub>4</sub>H<sub>4</sub>O<sub>6</sub>·4H<sub>2</sub>O ):  $T_C = 297K$
- Fosfato monobásico de potássio ( $KH_2PO_4$ , KDP):  $T_C = 123K$
- BaTiO<sub>3</sub> :  $T_C = 393K$
- \* Zirconato Titanato de chumbo (Pb $Zr_{0,52}Ti_{0,48}O_3$ , PZT):  $T_C = 150 250K$

# Piezoeletricidade e piroeletricidade

- Piezoeletricidade designa o fenômeno observado em certos materiais no qual uma diferença de potencial elétrico é gerada como resultado da aplicação de uma tensão mecânica (alternativamente, uma deformação é produzida por uma diferença de potencial elétrico)
- Piroeletricidade designa o fenômeno observado em certos materiais no qual uma diferença de potencial elétrico é produzida quando o material é aquecido ou resfriado

# Piezoeletricidade e piroeletricidade

- ◆ O surgimento de piezoeletricidade, piroeletricidade e ferroeletricidade estão intimamente relacionadas com a estrutura cristalina do material
- Todo o material ferroelétrico também é piezoelétrico, mas a recíproca não é verdadeira

### Aplicações

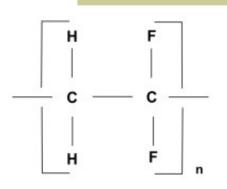
- Materiais piezoelétricos
  - Fontes de altas tensão (acendedores, produtores de fagulhas)
  - Sensores (microfones, sonares, detecção de ultra-som)
  - Atuadores (alto-falantes, micromotores, geradores de ultra-som, microscópios de força atômica, impressoras InkJet)
  - Padrão de frequência (relógios, multiplicadores de frequência)

### Aplicações

- Materiais piroelétricos
  - Tecnologia de fusão nuclear (em desenvolvimento)
- Materiais ferroelétricos
  - Armazenamento de dados (RAMs ferroelétricas)

## Poli(difluoreto de vinilideno)

O Poli(difluoreto de vinilideno), PVDF, poli(1,1-difluoroeteno) ou Kylar® é o nome dado a um termoplástico fluorado de alto custo. Ele apresenta  $T_{\rm g}$  da ordem de -35°C e 50 a 60% de cristalinidade à temperatura ambiente, podendo ser injetado ou soldado



O PVDF, no estado polarizado, é um polímero ferroelétrico e exibe piezoeletricidade e piroeletricidade. Para ser usado como ferroelétrico o polímero é inicialmente estirado para orientar as cadeias e então é polarizado com uma tensão. Seus principais usos são como sensores e na tecnologia de baterias.

### Referências

- W. D. Callister Jr. "Materials Science and Engineering" 5<sup>a</sup>. Ed., John Wiley & Sons, Cap. 19, pp. 639-651, 2000.
- ◆ L. H. Van Vlack "Elements of Materials Science and Engineering" 6a. Ed., Addison-Wesley, Cap. 13, 1989.
- I. V. Savéliev "Curso de Física General" vol.
  2, MIR, Cap. 2, 1982.

### Referências adicionais

- Ferroeletricidade:
  - http://en.wikipedia.org/wiki/Ferroelectric effect (acesso em 17/4/2006)
  - http://www.sou.edu/physics/ferro/nsf\_wht.htm (acesso em 17/4/2006)
- Piezoeletricidade: http://en.wikipedia.org/wiki/Piezoelectricity (acesso em 17/4/2006)
- Piroeletricidade: http://en.wikipedia.org/wiki/Pyroelectricity (acesso em 17/4/2006)
- Materiais especiais:
  - PZT: http://en.wikipedia.org/wiki/Lead\_zirconate\_titanate (acesso em 17/4/2006)
  - PVDF: http://en.wikipedia.org/wiki/PVDF (acesso em 17/4/2006)