

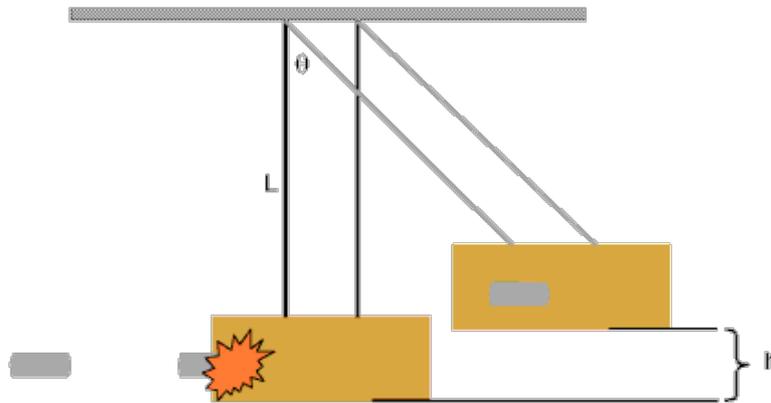
Prova 1 – Mecânica para licenciatura em física

Segundo semestre de 2011

Prof. Alexandre Suaide

OBS: Quando necessário, utilize $g = 9,81 \text{ m/s}^2$.

Q1) (2 pontos) Um pêndulo balístico é um equipamento utilizado em testes de lançamento de projéteis, perícia criminal e outros ensaios físicos. Consiste em um pêndulo no qual se incide um projétil. O deslocamento em altura, desse pêndulo permite determinar a velocidade do projétil incidente, conforme mostra a figura abaixo:



Em um ensaio para determinar a velocidade de um projétil de uma arma de fogo, de massa $m = 5,89 \text{ g}$, utilizou-se um pêndulo balístico de massa $M = 3,74 \text{ kg}$ e comprimento $L = 50,0 \text{ cm}$. Notou-se um deslocamento angular $\theta = 36,8^\circ$. Determine a velocidade do projétil incidente.

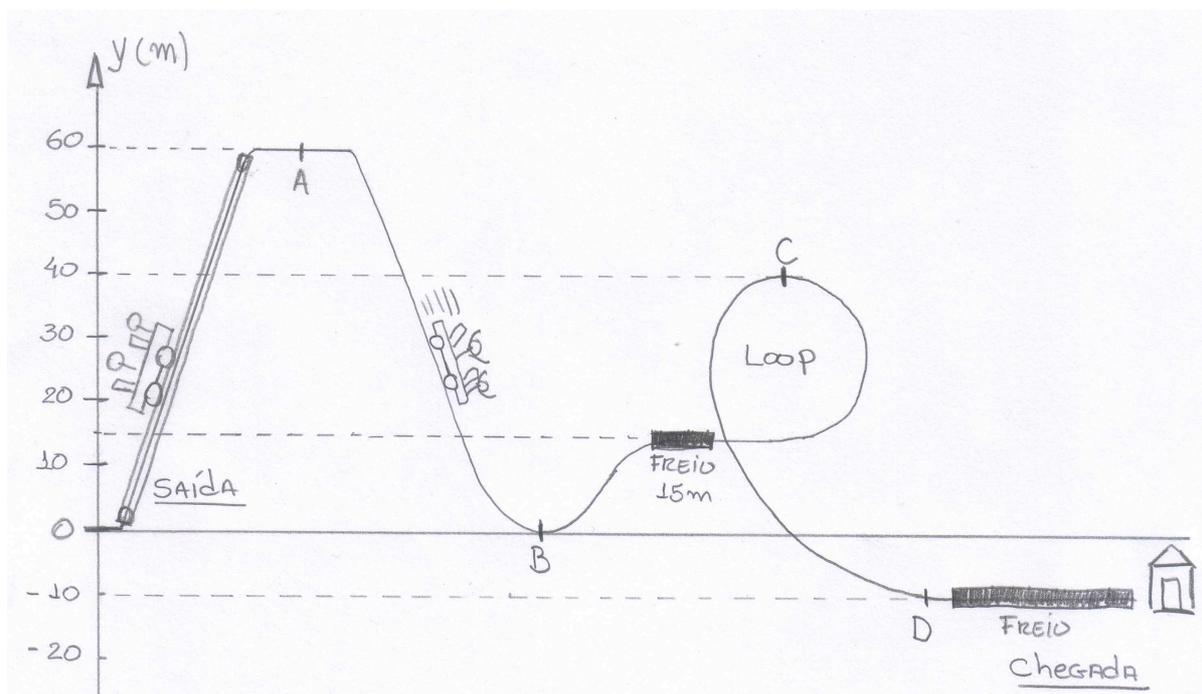
Dados: $\cos(36,8^\circ) = 0,800$, $\sin(36,8^\circ) = 0,588$

Q2) (2 pontos) Um vagão de trem está se movendo ao longo de um trilho sem atrito a uma velocidade com intensidade de $45,0 \text{ m/s}$. Montado sobre o vagão e apontando para a frente, está um canhão que dispara balas com $65,0 \text{ kg}$ com uma velocidade de disparo com intensidade de 625 m/s em relação ao canhão. A massa total do vagão, do canhão e do grande suprimento de munição é de 3500 kg . Quantas balas devem ser disparadas para que o vagão seja trazido o mais próximo possível do seu repouso?

Q3) (4 pontos) Na montanha russa abaixo, um carrinho com massa $M = 500 \text{ kg}$ é elevado do repouso ao topo da montanha por uma força que realiza um trabalho de 300 kJ . Com base nessa informação, nas alturas da montanha russa dadas no desenho, supondo os trilhos sem atrito e desprezando a resistência do ar:

- (1,0) Determine a velocidade do carrinho no topo da montanha (posição A)
- (0,5) Determine a velocidade do carrinho no final da primeira descida (posição B)

- c) (1,0) Antes do "loop", indicado na figura, um sistema de freios aplica uma força constante, de sentido oposto ao movimento, ao longo de 15,0 m, de modo a reduzir a velocidade do carrinho para que, no ponto C, a velocidade do carrinho seja próxima de nula. Determine o trabalho realizado pelo sistema de freios no carrinho. Determine a magnitude da força aplicada sobre o carrinho pelo sistema de freios.
- d) (1,5) Depois do ponto D, um sistema de freios é utilizado para parar o carrinho. Determine o trabalho realizado por esse sistema. Para que a frenagem seja confortável, a desaceleração do carrinho não deve ultrapassar $10,0 \text{ m/s}^2$. Nesse caso, qual seria o comprimento mínimo do sistema de freios, supondo que a força aplicada por ele no carrinho é constante?



Q4) (2 pontos) Uma bala de massa 5,18 g e velocidade de 672 m/s atinge um bloco de massa igual a 715 g, apoiado em uma superfície sem atrito, atravessando-o. Após tê-lo atravessado, a bala possui velocidade de 428 m/s, enquanto o bloco possui velocidade de 1,77 m/s, de acordo com o esquema abaixo. Discuta as leis de conservação de energia e momento nesse problema, incluindo as realizações de trabalho. Argumente a sua discussão com base nas forças atuantes no sistema. Justifique os seus argumentos.





NOME: _____

PROFESSOR: _____

DATA: _____

Q1 _____

Q2 _____

Q3 _____

Q4 _____

TOTAL _____

1

Q1

CONSERVAÇÃO DE MOMENTO

$$\vec{P}_{\text{ANTES}} = \vec{P}_{\text{DEPOIS}}$$

$$P_{\text{ANTES}} = m v$$

$$P_{\text{DEPOIS}} = (M+m) V$$

- V é a velocidade inicial do pêndulo
- $m+M$ é a massa total pois a bola fica alojada no pêndulo

$$m v = (M+m) V$$

$$V = \frac{m}{M+m} v \quad (1)$$

Depois da colisão, só há o peso e tração atuando

 $W_T = 0$ tração e deslocamento

$$W_p = (M+m) g h$$

$$h = L - L \cos \theta = 10,0 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{2} (M+m) v^2 = (M+m) g h \Rightarrow V = \sqrt{2gh} \quad (2)$$

Substituindo (2) em (1)

$$\sqrt{2gh} = \frac{m}{M+m} v \Rightarrow v = \left(\frac{M}{m} + 1 \right) \sqrt{2gh}$$

Substituindo valores

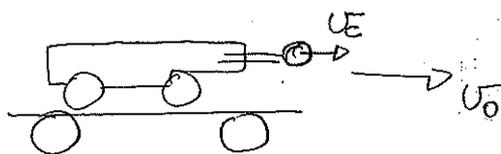
$$v = 891 \text{ m/s}$$



NOME: _____

PROFESSOR: _____

DATA: _____

Q2

$$v_0 = 450 \text{ m/s}$$

$$m = 65,0 \text{ kg}$$

$$v_c = 625 \text{ m/s}$$

$$M = 3500 \text{ kg}$$

CONSERVAÇÃO de momento

$$M v_0 = P_{\text{antes}}$$

$$(M-m) v_1 + m(v_1 + v_c) = P_{\text{depois}}$$

Momento do

vazio d/

velocidade $v_1 < v_0$ momento
da bala

$$P_{\text{antes}} = P_{\text{depois}} \Rightarrow M v_0 = (M-m) v_1 + m(v_1 + v_c)$$

$$\boxed{M v_0 = M v_1 + m v_c}$$

p/ parar, tenho que lancar n balas, ou seja

$$M v_0 = M v_1 + n(m v_c) \text{ com } v_1 = 0$$

$$n = \frac{M v_0}{m v_c} = 3,88$$

Ou seja, são necessárias 4 balas de canhão. //



NOME: _____
PROFESSOR: _____
DATA: _____

Q3 tomando como referência $h=0$ para a energia potencial gravitacional, podemos escrever $U = mgh$ e ASSIM

$$U(h=0) = 0 = U_B$$

$$U_A = mgh = 294 \text{ kJ}$$

$$U_{\text{FREIO}} = 73,6 \text{ kJ}$$

ANTES DO LOOP

$$U_C = 196 \text{ kJ}$$

$$U_D = -49 \text{ kJ}$$

COM BASE NISSO:

a) $\Delta T = W_R = W_p + W_{\text{FORÇA ELEVADOR}} = -\Delta U + 300 \text{ kJ}$

$$\Delta T = (-294 + 300) \text{ kJ} = 6 \text{ kJ} = \frac{1}{2} m v_A^2 \Rightarrow v_A = 4,90 \text{ m/s}$$

b) $\Delta T = W_R = W_p = mgh$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 + \frac{1}{2} m v_A^2 = 294 \text{ kJ}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = 300 \text{ kJ}$$

$$v_B = 34,6 \text{ m/s}$$

c) Entre B e C, como $v_C = 0$ $\Delta T = \frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = -\frac{1}{2} m v_B^2 = -300 \text{ kJ}$

$$\Delta T = W_R = W_p + W_{\text{FREIO}} \Rightarrow -300 \text{ kJ} = -\Delta U + W_{\text{FREIO}} \Rightarrow$$

$$-300 \text{ kJ} = -196 \text{ kJ} + W_{\text{FREIO}} \Rightarrow W_{\text{FREIO}} = -104 \text{ kJ}$$

Se a força é constante,

$$W = F \cdot \Delta x \Rightarrow F = -6,93 \text{ kN}$$



NOME: _____

PROFESSOR: _____

DATA: _____

Continuação Q3

$$d) \quad v_c = 0 \quad \Delta T_{c \rightarrow D} = W_R = W_p = -\Delta U = -(U_D - U_c)$$

$$\Delta T_{c \rightarrow D} = 245 \text{ kJ}$$

Como o FREIO DEVE ZERAR a energia cinética

$$W_{\text{FREIO}} = -245 \text{ kJ}$$

Força constante $\Rightarrow W = F \cdot \Delta x \Rightarrow F = \frac{W}{\Delta x} = m a$

$$a = \frac{W}{m \Delta x} = -10 \text{ m/s}^2 = -\frac{245}{500 \times \Delta x} \Rightarrow \boxed{\Delta x = 49 \text{ m}}$$

Q4 Vamos verificar a conservação do momento

$$P_{\text{antes}} = m v + M v_B = 5,18 \times 10^{-3} \times 672 = 3,48 \text{ kg m/s}$$

$$P_{\text{depois}} = m v + M v_B = (5,18 \times 428 + 715 \times 1,77) \times 10^{-3} = 3,48 \text{ kg m/s}$$

ou seja $\boxed{P_{\text{antes}} = P_{\text{depois}}}$ o momento é conservado

Conservação de energia:

$$E_{\text{antes}} = \frac{1}{2} m v^2 = 1,17 \text{ kJ}$$

$$E_{\text{depois}} = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} M v_B^2 = 0,476 \text{ kJ}$$

$\boxed{E_{\text{antes}} \neq E_{\text{depois}}}$ energia não se conserva!

Discussão: O fato de o momento se conservar indica que a resultante das forças externas é nula! Isso é razoável, já que, no caso do bloco, a força peso equilibra com a normal e não há atrito. No caso da bala, há a força peso, mas a sua velocidade é alta o suficiente para que não haja variação significativa da altura da bala, podendo então desprezar essa força. O fato de a energia não se conservar indica a presença de forças dissipativas. Essas forças aparecem durante a penetração da bala na caixa e não conservam a energia do sistema.